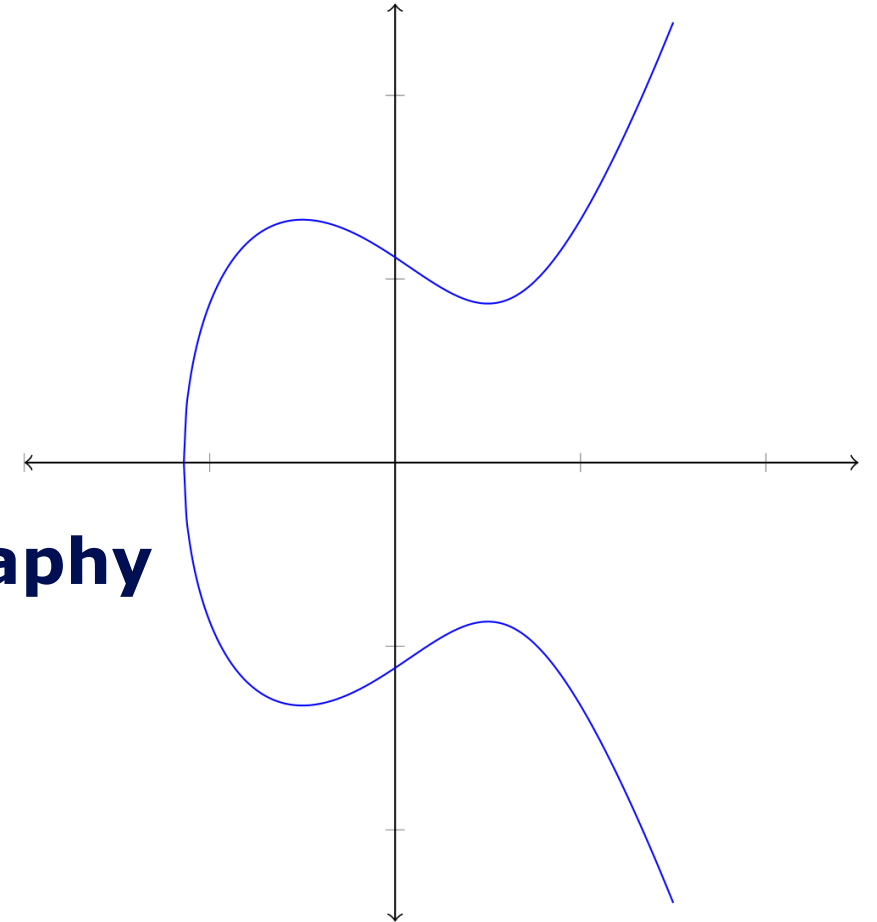


ECC

Elliptic Curve Cryptography



Christian Grümme

Gematik | Entwickler Communications

christian.gruemme@gematik.de

 gruemme

Kryptographisches Verfahren basierend auf elliptischen Kurven

Verfahren als Alternative zu

- Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch
- Digitale Signaturen
- Verschlüsselung
- ...

- Elliptic Curve Diffie-Hellman (ECDH)
- Elliptic Curve Integrated Encryption Scheme (ECIES),
auch Integrated Encryption Scheme (IES) genannt
- Elliptic Curve Digital Signature Algorithm (ECDSA)



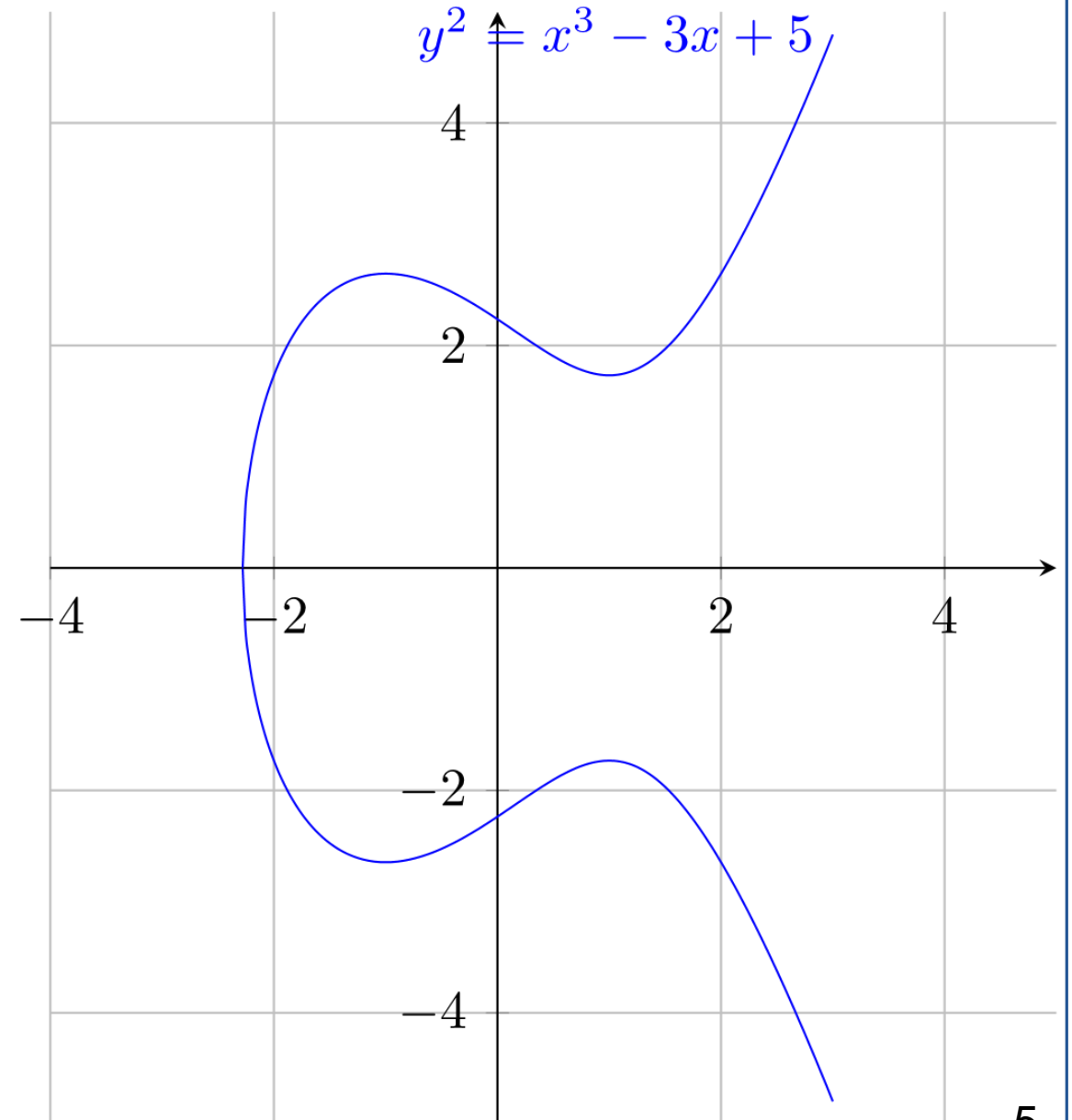
Neal Koblitz
(University of Washington)



Victor S. Miller
(Thomas J. Watson Research Center, NY)

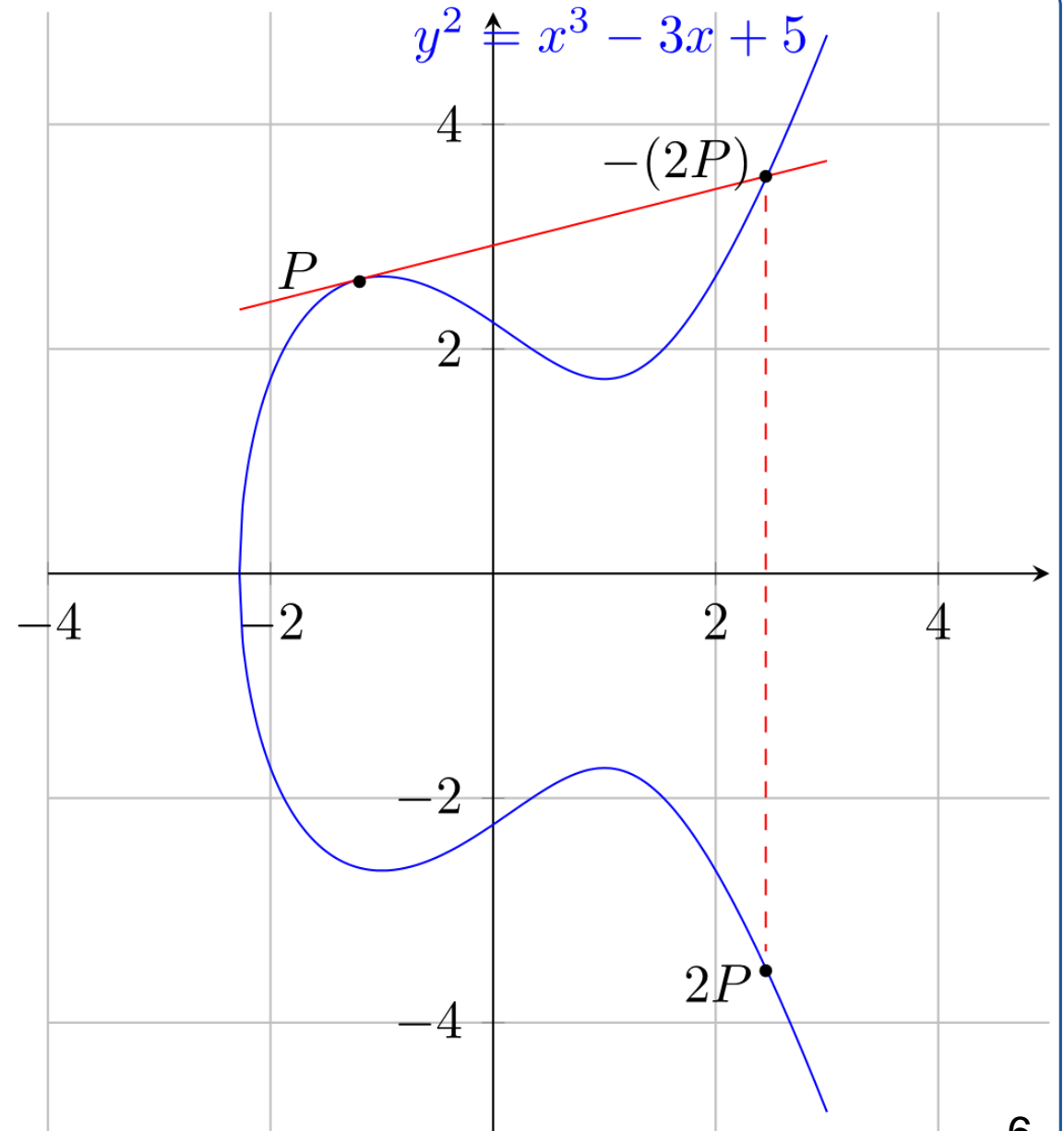
$$y^2 = x^3 + ax + b$$

a und b müssen geeignet gewählt werden

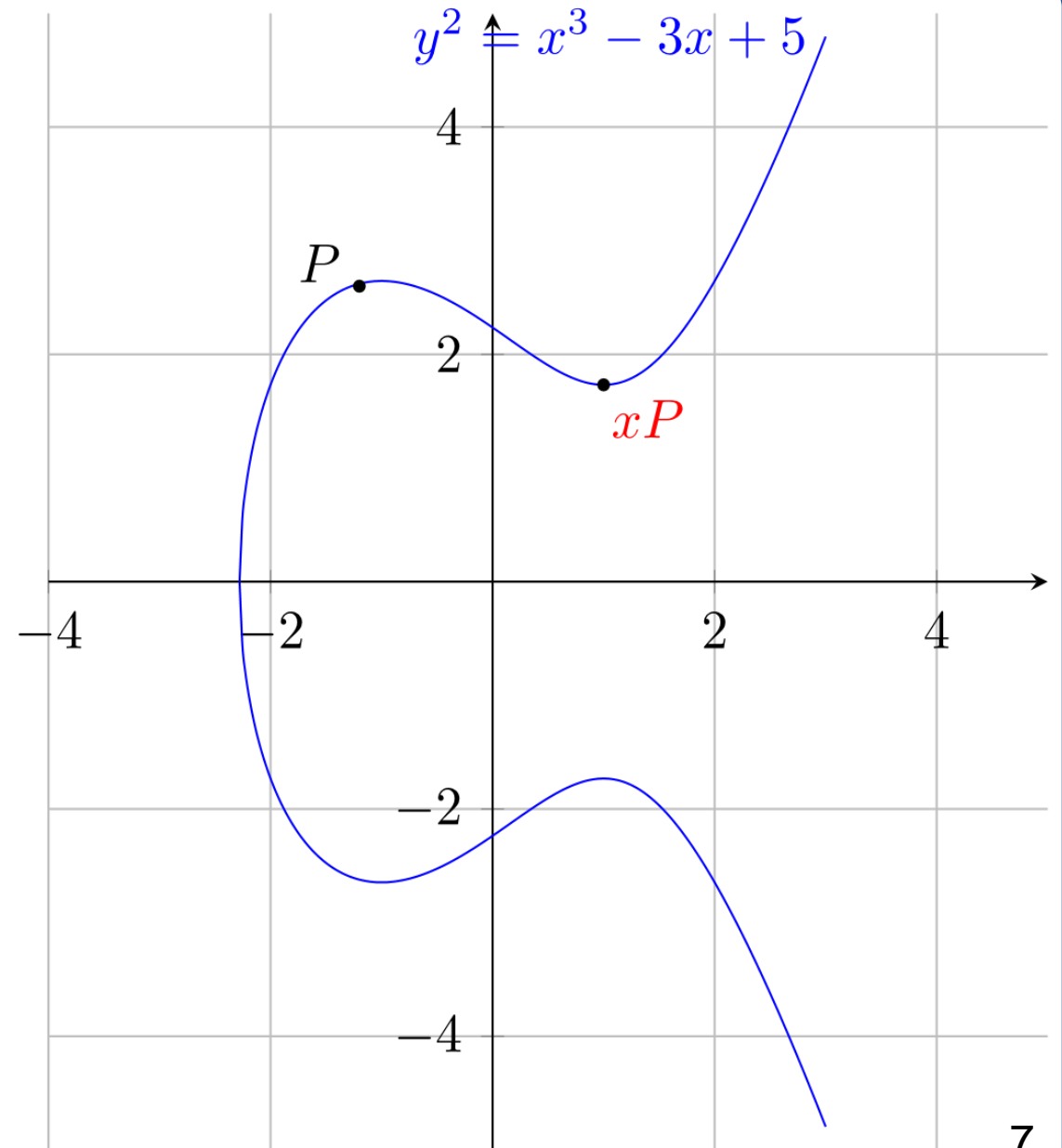


Punkt P mit 2 multiplizieren,
also $2P = P + P$:

1. Tangente an den Punkt P legen
2. Schnittpunkten mit der Kurve finden
3. Schnittpunkt an der x -Achse spiegeln



- Was ist x ?



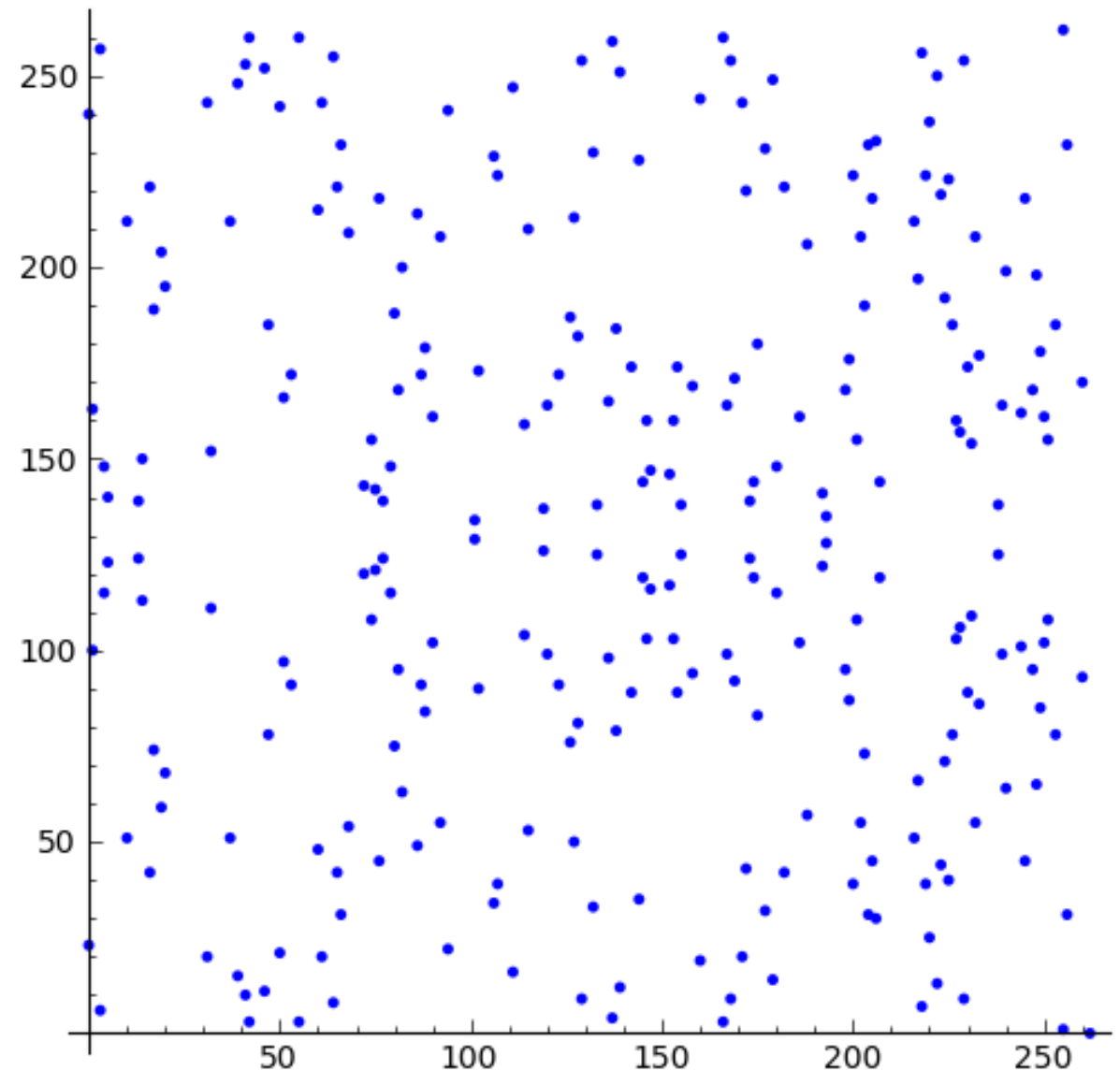
Diskretisierung der Kurve
durch Modulo (G, p, h)

Was ist x ?

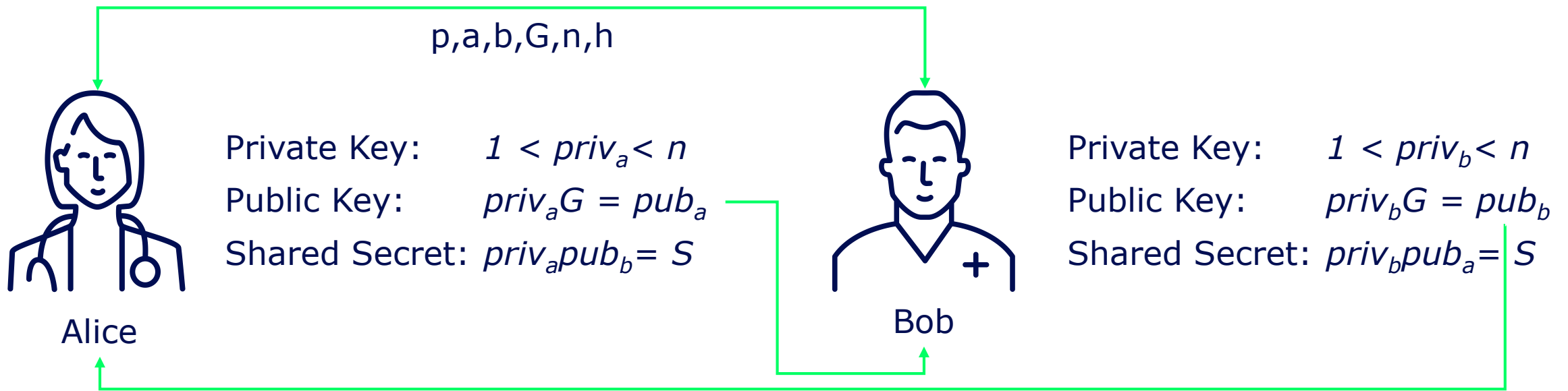
→ Schwer zu lösen

→ *Elliptic Curve Discrete*

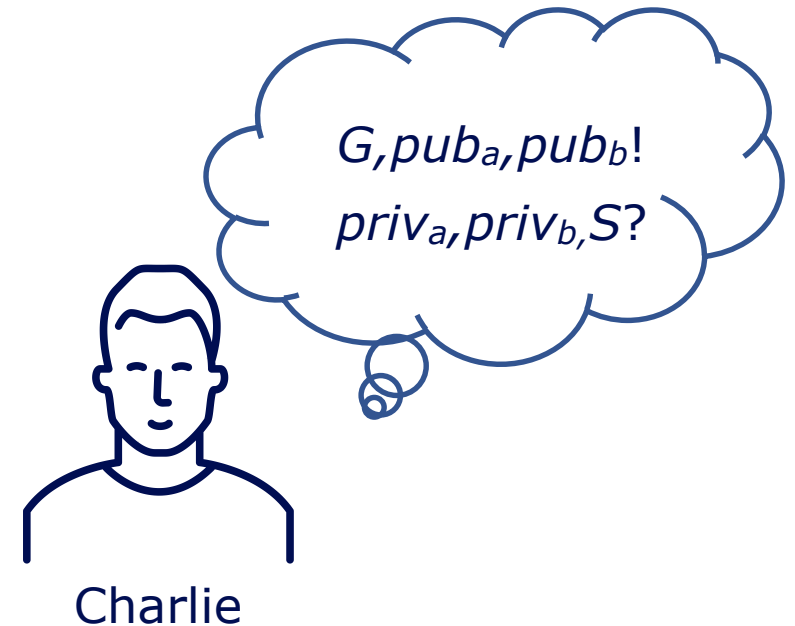
Logarithm Problem



Parameter bei ECDH	
p	Primzahl (Für Modulo)
a	Kurvenparameter a
b	Kurvenparameter b
G	Basispunkt
n	Ordnung von G
h	cofaktor (Ideal 1)



$$\begin{aligned}
 priv_a pub_b &= priv_a priv_b G \\
 &= S = \\
 priv_b priv_a G &= priv_b pub_a
 \end{aligned}$$



	DHKE	ECDH
Berechnung Shared-Secret	$g^{mn} \bmod p$	$mnG \bmod p$
Aufwand Shared-Secret	$O(\sqrt{nm})$	$O(\log(mn))$
Min. Schlüsselgröße (BSI)	2000 bit	250 bit

- Viele Kurven sind patentiert
- Funktioniert nur mit guter Zufallsfunktion
 - Attacken gegen schlechte Zufallsfunktion existieren
- Sicherheit noch nicht komplett mathematisch bewiesen
- Hintertüren einbaubar, bei spezieller Wahl der Parameter der diskreten Kurve

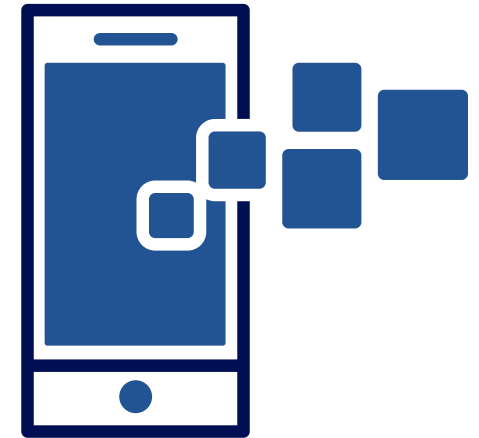
- Lösen des Diskreter Logarithmus auf Elliptischen Kurven schwieriger als Diskreter Logarithmus
- Für Diskreten Logarithmus sind schon Angriffe bekannt, für ECDH noch nicht
- Deutlich kleinere Bitlängen für die Schlüssel nötig

- Koblitz, N. (1987). "Elliptic curve cryptosystems". Mathematics of Computation. 48 (177): 203–209
- Miller, V. (1985). "Use of elliptic curves in cryptography". Advances in Cryptology — CRYPTO '85 Proceedings. CRYPTO. Lecture Notes in Computer Science. 85. pp. 417–426
- Certicom Research, Standards for efficient cryptography, SEC 1: Elliptic Curve Cryptography, May 21, 2009.
- D. Fu, J. Solinas (2010). "ECP Groups for IKE and IKEv2". RFC 5903, May 18, 2010
- <http://safecurves.cr.yp.to/rho.html>
- <https://www.keylength.com/>
- BSI - "Technical Guideline TR-02102-2 Cryptographic Mechanisms:". Recommendations and Key Lengths, 2021

- Neal Koblitz (Quelle: University of Washington, <https://math.washington.edu/people/neal-i-koblitz>)
- Victor S. Miller (Quelle: Eduard-Rhein-Stiftung, <https://www.eduard-rhein-stiftung.de/preistrager/>)
- Diskrete Elliptische Kurve - Sage Plot einer diskreten Kurve mit $a = 2$ und $b = 3$ über Finites Feld von 263 Elementen (Quelle: Johannes Bauer, <https://www.johannesbauer.com/compsci/ecc/#anchor37>)

Mobile Plattformen

TLS 1.3 verwenden



Martin Fiebig

Gematik | iOS Development E-Rezept
martin.fiebig@gematik.de

 mrtnfbg

 mfiebig



Joachim Gärtner

Gematik | Android Development E-Rezept
joachim.gaertner@gematik.de

 fnordlicht

 fnordlicht

TL;DR

Wir sind fertig

- TLS Konfiguration ist Teil der **App Transport Security (ATS)** Konfiguration
 - Konfiguration via *Info.plist*
 - Konfiguration via Quellcode
- Referenz:
<https://developer.apple.com/library/archive/documentation/General/Reference/InfoPlistKeyReference/Articles/CocoaKeys.html>

Konfiguration via *Info.plist*

- Globale exceptions
- Domain specific exceptions

▾ App Transport Security Settings	⌵ ⬆ ⬇ ⬅	Dictionary	⌵ (2 items)	
Allows Local Networking		Boolean	NO	⌵
▾ Exception Domains		Dictionary	(1 item)	
▾ exception-domain.com		Dictionary	(5 items)	
NSIncludesSubdomains		Boolean	1	⌵
NSExceptionAllowsInsecureHTTPLoads		Boolean	1	⌵
NSExceptionRequiresForwardSecrecy		Boolean	1	⌵
NSExceptionMinimumTLSVersion	⬆ ⬇ ⬅	String	TLSv1.2	
NSRequiresCertificateTransparency		Boolean	0	⌵

Konfiguration Quellcode

- Teil von URLSessionConfiguration
- Guter Startpunkt: URLSessionConfiguration.ephemeral

```
36     public init(  
37         urlSessionConfiguration: URLSessionConfiguration,  
38         interceptors: [Interceptor] = [],  
39         delegateQueue: OperationQueue? = nil  
40     ) {  
41         let delegate = ProxyDelegate()  
42  
43         // [REQ:gemSpec_Krypt:GS-A_4385,A_18467,A_18464,GS-A_4387]  
44         // [REQ:gemSpec_Krypt:GS-A_5322] TODO: Check if limiting SSL Sessions is poss  
45         // swiftlint:disable:previous todo  
46         // [REQ:gemSpec_IDP_Frontend:A_20606] Live URLs not present in NSAppTransport  
47         // HTTP communication  
48         // [REQ:gemSpec_eRp_FdV:A_20206]  
49  
50         urlSessionConfiguration.tlsMinimumSupportedProtocolVersion = .TLSv12  
51         urlSession = .init(configuration: urlSessionConfiguration, delegate: delegate  
52         self.interceptors = interceptors  
53         self.delegate = delegate
```



[Sources/HTTPClient/DefaultHTTPClient.swift#L36](#)

Square OkHttp

- OkHttp.ConnectionSpec

```
286     private fun getConnectionSpec(): List<ConnectionSpec> = ConnectionSpec
287         .Builder(ConnectionSpec.RESTRICTED_TLS)
288         .tlsVersions(
289             TlsVersion.TLS_1_2,
290             TlsVersion.TLS_1_3
291         )
292         .cipherSuites(
293             // TLS 1.2
294             CipherSuite.TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_128_GCM_SHA256,
295             CipherSuite.TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_256_GCM_SHA384,
296             CipherSuite.TLS_ECDHE_RSA_WITH_AES_128_GCM_SHA256,
297             CipherSuite.TLS_ECDHE_RSA_WITH_AES_256_GCM_SHA384,
298             // TLS 1.3
299             CipherSuite.TLS_AES_128_GCM_SHA256,
300             CipherSuite.TLS_AES_256_GCM_SHA384,
301             CipherSuite.TLS_CHACHA20_POLY1305_SHA256
302         )
303         .build()
304         .let { listOf(it) }
```



[NetworkingModule.kt#L286](#)

Danke für Ihre Aufmerksamkeit